

жает свойство, зависящее только от мощности соответствующего первопорядкового предиката. Однако уже простейшие неоднородные кванторные приставки $\exists x\forall y$ и $\forall x\exists y$, различают равно мощные отношения (результат Микеладзе). Рассмотренные как единое целое, такого рода приставки являются бинарными кванторами и выражают, в отличие от монадических кванторов, не свойства классов индивидов, а свойства классов пар индивидов (бинарных отношений). Таким образом, философский тезис Тарского о «логике кардинальности» может быть и справедлив для теории монадической квантификации (логики свойств классов индивидов), но не для теории бинарной квантификации (логики свойств классов пар индивидов).

Николай Николаевич Жалдак
(Белгород)

Решение соритов методом построения фрагментов матричных диаграмм

Существует проблема логического обеспечения тех наук, для подготовки к производству знаний в которых не предусмотрено изучение курсов логики. Несомненно, в него входит изобразительная практическая логика естественного языка, т. е. методы построения рассуждений посредством образного представления значений суждений основания (построения ментальных моделей) и извлечения информации следствий из этих представлений. Самый распространенный метод объективации таких представлений — таблицы, бухгалтерские и прочие, где в шапках изображаются возможные отношения между множествами элементов, имеющих обсуждаемые признаки, а цифры обозначают пустоту (0) или непустоту (число большее, чем 0) обсуждаемых подмножеств. Таблица — это диаграмма существования.

[Построение матриц (таблиц) истинности — фундаментальная разрешающая процедура классической логики. Преобразование этих матриц в матричные линейные диаграммы делает эту процедуру не только наиболее информативной, но и наиболее эффективной (удобной, наглядной, понятной, и т. п.) для широкого класса логических задач (см. работы автора по практической логике).]

Линейные диаграммы существования типа диаграмм Ламберта или автора могут встраиваться в обычные таблицы, чтобы показать значение таблиц как логических диаграмм и вместе с тем могут служить отдельным средством для целенаправленного формирования

логичности мышления вообще и мышления пользователей таблиц в особенности.

Увеличение числа терминов все же увеличивает и полную линейную диаграмму существования. Но даже головоломные сориты Кэррола можно решать построением фрагментов таких диаграмм. Ниже дан алгоритм с решением примера, подсказанного В. А. Светловым¹.

I. Записывается логическая форма посылок (в скобках их информация записана по Кэрролу). Например:

1. Каждый HF есть $не-G$. (Есть $HF не-G$, нет $HF G$.)
2. Каждый $не-E не-D$ есть C . (Есть $не-E не-D C$, нет $не-E не-D не-C$.)
3. Каждый $F не-G$ есть A . (Есть $F не-G A$, нет $F не-G не-A$.)
4. Каждый $B K$ есть F . (Есть $B K F$, нет $B K не-F$.)
5. Ни одно CG не есть $не-H$. (Нет $CG не-H$.)
6. Каждый $F не-C$ есть $не-E$. (Есть $F не-C не-E$, нет $F не-C E$.)
7. Ни одно AB не есть $не-G$. (Нет $AB не-G$.)

II. Информация о несуществующем записывается в матрице:

	-	-	-	-	-	-	-	+	?	+	?
A			.					—	—	3 ³	
B				—				—	—	Д	—
C		.			—	.				.	5 ⁴
D		.						.	Д	.	
E		.				—				.	6 ⁵
F	—		—	.				—	4 ¹	—	
G	—	.			—	.	.	.	1 ²	—	
H	—			.					1 ²	.	
K				—					Д	—	
	1	2	3	4	5	6	7	п7		п2	

В ней каждый из столбцов с номером посылки показывает, какой фрагмент общей диаграммы существования для всей совокупности посылок известен, благодаря данной посылке. Черта в столбце означает признак, который обозначен буквой (X) слева в данной строке, точка означает отрицание этого признака ($не-X$), пробел означает, что в данной посылке нет информации о признаке, обозначенном буквой в этой строке, (X или $не-X$). В верхней строке знак «—» означает «нет» («не существует»), а «+» означает «есть» («существует»).

III. В матрице термины возможного заключения отличаются от отбрасываемых, т. е. употребленных и без отрицания, и с отрицанием. В данном примере — это термины: B , $не-D$, K , а само отрицательное заключение — «Нет $B не-D K$ ». Надо доказать правильность этого заключения поиском контрпримера.

IV. Правее столбцов посылок в столбце со знаком вопроса записывается информация искомого контрпримера (Есть B не- D K).

V. Надо убедиться, что это допущение (помечается буквами «д») противоречит посылкам. Для этого столбец допущения сравнивается со столбцами посылок и выясняется, что в этом столбце должно быть вместо пробелов, чтобы этот столбец не противоречил столбцам посылок.

Если столбец допущения утверждает: «Есть X », — а столбец посылки утверждает: «Нет X Y », — то столбец допущения, дополненный на основании этой посылки, должен означать «есть X не- Y ».

Если согласно столбцу допущения «есть X », а согласно столбцу посылки «нет X Y Z », то строятся два столбца: «есть X Y не- Z » и «есть X не- Y », ибо $(X \wedge \neg(Y \wedge Z)) \equiv (X \wedge Y \wedge \neg Z) \vee (X \wedge \neg Y)$.

Для очередного дополнения (дописывания) столбца допущения, выбирается такой столбец посылок, в котором как можно больше тех обозначений (терминов), какие есть в допущении, и как можно меньше тех, каких нет в допущении.

Числами 4¹, 3², 1³, 5⁴, 6⁵ указываются номера сравниваемых посылок, а также последовательность (верхний индекс) сравнения и дописывания в допущение черты (X) или точки ($\neg X$). При заполнении столбцов допущения должны быть использованы все посылки.

Если заключение правильно, то в каждом из столбцов допущения появится тот же набор знаков (черты — точки), который есть в какой-то посылке. Знаками п7, п2 указывается противоречие обеих столбцов допущения посылкам 7 и 2. (Значит, во взятом примере, из посылок следует: «Нет (не существует) B K не- D ».)

VI. Если доказано, что возможное заключение о том, чего нет, действительно правильное, записываем его информацию. Если в посылках есть информация о существовании того, что обозначено всеми или частью терминов правильного заключения о том, чего нет, то приписываем ее к информации этого заключения. (В нашем примере к информации «нет B K не- D » приписывается информация «есть B K », так как она содержится в посылке 4: если есть B K F , то есть B K .)

VII. Информация заключения записывается одной или более логическими формами суждений. (В нашем примере «Есть B K и нет B K не- D » записывается формой «Каждый B K есть D ».)

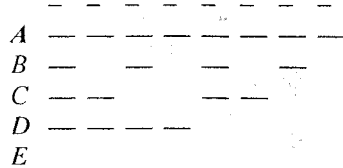
VIII. На место терминов букв подставляются соответствующие наименования и записывается правильное заключение.

Примечание: Допущение может быть приведено к противоречию с любой из посылок, в зависимости от того, в каком порядке выбираются посылки для их сравнения с допущением и следствиями из него

и ранее учтенных посылок. В связи с этим столбцы допущения могут в конечном счете приобрести разный вид. Например:

Посылки	Полная информация посылки	Информация посылки о том, чего нет	Варианты дополнения допущения		
			+?	+?	+?
1. Все A суть B . <i>Есть A B, нет A не-B</i>	A —	—	—	—	—
2. Все B суть C . <i>Есть B C, нет B не-C</i>	B · —	—	1^1 ·	2^3 —	1^2
3. Все C суть D . <i>Есть C D, нет C не-D</i>	C · —	—	2^2 ·	3^2 ·	3^3
4. Все D суть E . <i>Есть D E, нет D не-E</i>	D · —	—	3^3 ·	4^1 ·	4^1
Все A суть E . <i>Есть A E, нет A не-E</i>	E	·	·	·	·
		1 2 3 4	I	II	III
			p4	II	p1 III p2

Для прямого доказательства правильности предполагаемого заключения может строиться фрагмент линейно-матричной диаграммы, который показывает, что в посылках есть та информация о несуществующем, которая имеется в посылках. То, что из посылок 1–4 (Все A суть B . Все B суть C .



Все C суть D . Все D суть E .) следует «Нет A не- E », доказывается построением фрагмента « A не- E » их совмещенной диаграммы. Поскольку, согласно первой посылке, A есть, то правильное заключение «Все A суть E ».

¹ См.: Светлов В. А. О решении соритов с посылками из трех различных терминов // Логико-философские штудии. СПб., 2001. С. 210.

Александр Александрович Зенкин
(Москва)

Диагональный метод Кантора:
«мухи — отдельно, котлеты — отдельно».

В данной работе анализируются некоторые логические и эпистемологические аспекты метаматематических доказательств на примере диагонального метода Кантора¹.

Рассмотрим теорему Кантора о мощности множества-степени и ее традиционное доказательство с помощью диагонального метода¹. Здесь и далее: $P(X)$ — множество всех подмножеств (множество-