



МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ПРОГРАММИРОВАНИЕ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧИ ОПТИМИЗАЦИИ КОНКУРЕНТНЫХ ПРЕИМУЩЕСТВ ПРОДУКЦИИ И ПРЕДПРИЯТИЙ РЕГИОНА

А. И. НИКИТИН
О. А. НИКИТИНА
Г. И. ТКАЧЕНКО

*Белгородский
государственный
университет*

e-mail:
G Tkachenko@bsu.edu.ru

В статье рассматривается математическое программирование решения задачи оптимизации конкурентоспособности продукции и предприятий. В основе математического моделирования конкурентных преимуществ принята целевая функция G , представляющая собой сумму целевых функций G_i для соответствующих i -тых этапов по оптимизации конкурентных преимуществ. При этом i -тая целевая функция G_i представляет сумму невязок $\Delta_j(X)$, т.е. разницу между расчетными и требуемыми по проекту значениями характеристик конкурентных преимуществ. Приводится авторский подход по определению коэффициентов масштабного выравнивания невязок по характеристикам конкурентных преимуществ.

Ключевые слова конкурентоспособность, конкурентные преимущества продукции и предприятия, целевая функция, простые условия, дизъюнкция, конъюнкция, невязки, нормирующий множитель, характеристики конкурентоспособности и конкурентных преимуществ продукции и предприятия.

Введение

В условиях возрастающей конкуренции одной из важнейших экономических задач является поиск путей и методов оптимизации характеристик конкурентных преимуществ как продукции, так и предприятий. В статье с позиции обеспечения организационных, производственных и управленческих конкурентных преимуществ рассматривается методика их определения. При этом учитывается равновесное или равнозначное их влияние на целевую функцию проекта.

Математическое моделирование конкурентных преимуществ

В основе математического моделирования конкурентных преимуществ продукции и предприятий региона принята целевая функция G , представляющая собой сумму целевых функций G_i для соответствующих i -тых этапов проекта по оптимизации конкурентных преимуществ:

$$G = G_1 + G_2 + \dots + G_n, \quad (1)$$

или

$$G = \sum_{i=1}^n G_i \quad (2)$$

Конкурентные преимущества (возможности) могут быть описаны соответствующими функциональными зависимостями или характеристиками, причем эти характеристики конкурентных преимуществ $g_i(x_1, x_2, \dots, x_n)$ по требованиям проекта могут быть ограничены как «снизу», так и «сверху». Поставим условие, что все требования, предъявляемые к характеристикам g_i конкурентных преимуществ, должны быть сформулированы в виде нелинейных неравенств:

$$(-1)^k [r(X)_{расч.} - r(X)_{ТЗ.}] \leq 0, \quad (3)$$

где $X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \dots \\ x_n \end{pmatrix}$ – вектор проектных параметров, который принадлежит n -мерному

прямоугольнику Ω , т.е. $X \in \Omega$,



$r(X)_{расч}$ – расчетные характеристики конкурентных преимуществ продукции и предприятий региона;

$r(X)_{тз}$ – требования к характеристикам конкурентных преимуществ по проекту или техническому заданию;

$k = 1$ – для характеристик конкурентных преимуществ, ограниченных «снизу», например, рентабельность производства, производительность труда, прибыль и другие характеристики;

$k = 2$ – для характеристик конкурентных преимуществ, ограниченных «сверху», например, себестоимость продукции, удельная материалоемкость и другие характеристики.

В общем случае, с нашей точки зрения, конкурентные преимущества продукции и предприятия могут быть обеспечены за счет повышения эффективности организационной O , производственной Π и управленческой $У$ деятельности предприятий и региона в целом. Характеристики организационной O , производственной Π и управленческой $У$ деятельности предприятия и региона определяют их конкурентные преимущества и являются функционалами вида:

$$O = F [R(X)], \tag{4}$$

$$\Pi = S [R(X)], \tag{5}$$

$$У = V [R(X)]. \tag{6}$$

Требования к характеристикам конкурентных преимуществ, представленные в форме неравенств системы (3), будем называть простыми условиями g_i , которые по существу являются невязками $\Delta_i(X)$, т.е. разницей между расчетными и требуемыми по проекту (или техническому заданию) значений характеристик $r_i(X)$. При этом, для однозначного определения левых частей простых условий g_i , введем невязки по отдельным характеристикам к конкурентным преимуществам, следующим образом:

$$\begin{cases} 0, npi(-1)^k [r(X)_{расч.} - r(X)_{тз}] \leq 0 \\ \Delta_i(X) = (-1)^k [r(X)_{расч.} - r(X)_{тз}] npi(-1)^k [r(X)_{расч.} - r(X)_{тз}] > 0 \end{cases} \tag{7}$$

Систему простых условий g_i в форме (3) можно символически записать в виде одного сложного условия – логического произведения (конъюнкции), требующего одновременного удовлетворения всех m неравенств в форме (8) [1]:

$$g_1 \wedge g_2 \wedge \dots \wedge g_m \tag{8}$$

или

$$\bigwedge_{j=1}^m g_j \tag{9}$$

С учетом условий (7) эквивалентное сложное условие для невязок в форме (3) получается заменой знака конъюнкции \wedge на «+» и общая целевая функция примет вид:

$$G = \Delta_1(X) + \Delta_2(X) + \dots + \Delta_m(X) = 0. \tag{10}$$

Поскольку невязки по i -тым характеристикам конкурентных преимуществ в общем случае зависят от вектора проектных параметров X , то функция в форме (10) будет эквивалентна следующей функции:

$$G(X) = G = \sum_{i=1}^m \Delta_i(X), \tag{11}$$

где $G(X)$ – функция невязок или целевая функция $G(X)$, которая обращается в нуль тогда и только тогда, когда удовлетворена система условий (3). Таким образом, задача сводится к минимизации неотрицательной целевой функции, т.е. к нелинейному программированию.

Условие равенства нулю суммы невязок эквивалентно конъюнкции \wedge простых условий (8). Однако простые условия, выраженные неравенствами (3), могут быть связаны не только связками конъюнкции \wedge (и), но и дизъюнкции \vee (или). Таким обра-

зом, из простых условий путем произвольной суперпозиции логических связей могут быть образованы различные сложные условия, объединяемые в одно условие одной общей логической формулой задачи.

Таким образом, задача оптимизации характеристик конкурентных преимуществ сводится к минимизации неотрицательной целевой функции $G(X)$ в форме (10) и (11), т.е. к нелинейному программированию [2]. Пример разработки целевой функции в форме (10) или (11) приводится в Приложении 1.

Полученные в результате решения целевой функции $G(X)$ в форме (10) и (11) параметры удовлетворяют всем условиям проекта и с полным основанием могут быть названы оптимальными параметрами, так как в числе поставленных условий (3) могут быть и условия близости ряда характеристик по конкурентным преимуществам к их оптимальным значениям. Однако, чтобы не происходило путаницы в определениях будем называть параметры X рациональными параметрами $X_{\text{рац}}$. Для сложных задач, к которым относится и задача оптимизации конкурентных преимуществ, оптимум является «пологим» (Рис. 1) в силу ограничений на параметры и характеристики. Поэтому для выбора $X_{\text{рац}}$ необходимо обоснование и выбор критериев оценки K_i получаемых решений. Критерии K_i зависят от параметров x_i и характеристик $R_i(X)$ и определяются в общем случае функционалом вида:

$$K_i = Z [R(X)] \quad (12)$$

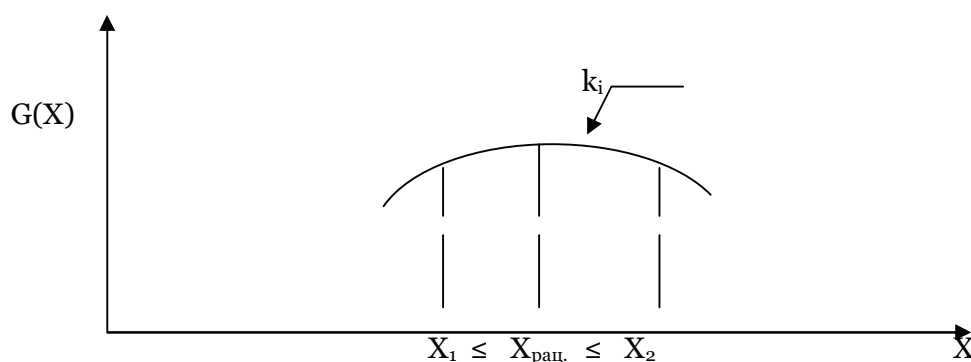


Рис. 1. Иллюстрация изменения целевой функции от варьируемых параметров

Следует подчеркнуть, что определение рациональных $X_{\text{рац}}$ или оптимальных $X_{\text{опт}}$ параметров конкурентных преимуществ продукции и предприятий сводится к отысканию нулей целевой функции $G(X)$. Однако в конкретных задачах возможно недостижение целевой функции нулевого значения из-за ограничений на варьируемые параметры x_1, x_2, \dots, x_n допустимые величины которых обусловлены общим уровнем развития техники и определяющие качество и конкурентное преимущество продукции, а также уровнем организационной O , производственной Π и управленческой $У$ деятельности предприятия.

Конкурентные преимущества продукции и предприятий, как отмечалось выше, являются функциями $r_i(x_1, x_2, \dots, x_n)$, численные значения которых по абсолютной величине различны. Следовательно и различно их влияние на целевую функцию $G(X)$. Для выравнивания влияния невязок $\Delta_i(X)$ на целевую функцию $G(X)$ необходимо вводить для них нормирующие множители или коэффициенты значимости γ_i . При этом, чтобы судить о целесообразности допустимых параметров $X_{\text{доп}}$, такое выравнивание должно производиться по единому, достаточно строгому, критерию K_i . В этом случае минимум суммы невязок $\Delta_j(X)$ целевой функции $G(X)$ будет соответствовать рациональному или оптимальному варианту конкурентных преимуществ продукции или предприятий, независимо от того, за счет каких характеристик $r_i(x_1, x_2, \dots, x_n)$ получается эта сумма. С учетом последнего условия оценки и оптимизации конкурентных преимуществ продукции или предприятия, представим в виде:



$$G(X) = \sum_{j=1}^n y_j \Delta_j(X) \rightarrow 0, \tag{13}$$

где y_j – коэффициенты значимости (важности, весомости) j -той невязки характеристики конкурентных преимуществ продукции или предприятия в зависимости от этапа оценки и оптимизации их конкурентных преимуществ.

Значимость невязок $\Delta_i(X)$ по каждой характеристике $r_i(x_1, x_2, \dots, x_n)$ определим как эквивалентное изменение какого-либо критерия $K_i[r_1(x_1, x_2, \dots, x_n), r_2(x_1, x_2, \dots, x_n), \dots, r_m(x_1, x_2, \dots, x_n)]$, который, как отмечалось выше является, в общем случае функционалом, т.е. функцией от функции.

Для продукции и товаров (или технические объекты – Т.О.) таким критерием может служить их вес $Q_{п.т.}$. Объясняется это тем, что при прочих равных условиях, вес продукции и товаров $Q_{п.т.}$ определяет их стоимость $C_{п.т.}$, т.е. является экономическим критерием K_3 :

$$Q_{п.т.} \equiv K_3 \equiv C_{п.т.}, \tag{14}$$

или

$$Q_{т.о.} \equiv K_3 \equiv C_{т.о.} \tag{15}$$

С учетом изменения цен, критерий K_3 можно представить в виде:

$$C_{т.о.} = \sum_{j=1}^k K_{y.u.u} q_j m_j \equiv Q_{т.о.}, \tag{16}$$

$K_{y.u.u}$ – коэффициент, учитывающий изменение цен во времени t , т.е. $K_{y.u.u} = f(t)$;

q_j – удельная стоимость j -ого компонента конструкции технического объекта и которая имеет размерность руб./кг; руб./м; руб./м³ и т.п.;

m_j – значение величины j -ого компонента конструкции технического объекта, т.е. соответственно кг; м; м³ и т.д.

Таким образом, изменение веса продукции и товаров или, в общем случае, веса технического объекта $G_{т.о.}$ (Т.О.), определяют изменения их характеристики $r_j(x_1, x_2, \dots, x_m)$ и, кроме того, при неизменном технико-технологическом уровне, его экономичность.

Изменения веса $Q_{п.т.}$ или $Q_{т.о.}$ вследствие изменения его j -той характеристики r_j можно представить в виде:

$$dQ_{n.m.j} = \sum_{j=1}^m \frac{\partial Q_j}{\partial r_j} dr_j, \tag{17}$$

которое приближенно равно:

$$dQ_{n.m.i} = \sum_{j=1}^m \frac{\partial Q_j}{\partial r_j} \Delta r_j. \tag{18}$$

В выражениях (14) и (15) индекс j соответствует j -той части общего веса продукции или технического объекта, т.е.

При этом полное изменение Q , эквивалентное изменениям (уступкам) по m характеристикам продукции или технического объекта, будет:

$$\Delta Q_{т.о.эКВ} = \frac{\partial Q_{т.о.}}{\partial r_1} \Delta r_1 + \dots + \frac{\partial Q_{т.о.}}{\partial r_m} \Delta r_m \tag{19}$$

или

$$\Delta Q_{т.о.эКВ} = \sum_{j=1}^m \frac{\partial Q_{т.о.}}{\partial r_j} \Delta r_j, \tag{20}$$

в которых, в целях упрощения через r_j обозначим $r_j(X)$, т.е. $r_j = r_j(X)$.



Из выражений (14) и (15) видно, что величина $\frac{\partial Q_j}{\partial r_j}$ представляет собой изме-

нение веса $Q_{т.о.}$ при единичном изменении j -той характеристики и, следовательно, может служить нормирующим множителем при масштабном выравнивании невязок $\Delta_j(X)$. В этом случае целевая функция будет представлять собой сумму эквивалентных невязок, т.к. достаточно малые изменения характеристик продукции или технического объекта $r_i(x_1, x_2, \dots, x_n)$ дают одинаковые приращения принятого единого критерия. Таким образом, коэффициент значимости i -той невязок, входящей в (13) будет иметь вид:

$$\gamma_j = \frac{\partial Q_{n.m.i}}{\partial r_j(X)}. \quad (21)$$

При этом производная $\frac{\partial Q_{n.m.i}}{\partial r_j(X)}$ может быть как положительной, так и отрицательной

величиной, поэтому необходимо, вследствие однозначного определения невязок (условие 14), в целевую функцию в форме (10) или (11) вводить модульное значение коэффициентов значимости γ_j (9). В общем случае вес продукции и товара $Q_{п.т.}$ необходимо представить в функции всех его характеристик $r_i(x_1, x_2, \dots, x_n)$, такую процедуру практически невозможно выполнить из-за сложности функций их характеристик и их взаимозависимости и взаимосвязанности. Поэтому коэффициенты значимости γ_i можно определить только для основных конкурентных характеристик. С учетом этого, выражение для целевой функции и условие ее оптимизации записывается в виде:

$$G(X) = \sum_{j=1}^n \gamma_j \Delta_j(X), \quad (22)$$

$$G(X) = \sum_{j=1}^m \frac{\partial Q_{n.m.}}{\partial r_j(X)} \Delta_j(X) \rightarrow 0. \quad (23)$$

Следует отметить, что выше рассмотрена методика определения коэффициентов значимости γ_i применительно для продукции или товаров с позиции изменения веса продукции (товаров). В общем же случае, в качестве нулевого приближения, для вычисления коэффициентов значимости γ_j можно использовать характеристики конкурентных преимуществ продукции и предприятий-прототипов или предприятий-конкурентов. Тогда зависимость для определения γ_j будет иметь вид:

$$\gamma_j = (r_2(X) - r_1(X)) / r_2(X), \quad (24)$$

где

$r_2(X)$ – i -тая характеристика конкурентных преимуществ предприятий-конкурентов;

$r_1(X)$ – i -тая характеристика конкурентных преимуществ рассматриваемого предприятия.

Определенные таким образом коэффициенты значимости для i -тых характеристик конкурентных преимуществ используется при решении частной $G_i(X)$ и общей $G(X)$ целевых функций.

Характеристики конкурентных преимуществ продукции и предприятий $r_i(x_1, x_2, \dots, x_n)$ взаимозависимы и взаимосвязаны, что обуславливает неоднозначность получаемых решений при вычислении целевой функции $G(X)$ в форме (22) или (23). Следовательно, необходимо при вычислении целевой функции $G(X)$ производить анализ получаемых решений и выбор рационального варианта сочетания характеристик конкурентных преимуществ продукции и предприятий.

В общем случае, при известном диапазоне варьируемых параметров X , образующих множество вариантов конкурентных преимуществ продукции и предприятий региона Ω при $X \in \Omega$, необходимо найти такое подмножество $\omega \in \Omega$ (рис. 1), параметры которой $X_{\text{рац.}}$ обуславливают нулевое или наименьшее отклонение суммы невязок Δ_j

(X) по всем m характеристикам конкурентных преимуществ. При этом решении целевой функции $G(X)$ будет неоднозначным, но удовлетворяющим, при ее обращении в нуль или стремлении к нулю. Отсюда следует, что необходимо сравнение получаемых решений и выбор рационального варианта конкурентных преимуществ с параметрами $X_{\text{рац}} \in \omega$. Для всех параметров $X_{\text{рац}} \in \omega$ значения каждой i -той характеристики конкурентных преимуществ $g_i(X)$ отличаются друг от друга на незначительную величину, что приводит, соответственно, к незначительным изменениям целевой функции в подмножестве вариантов $\omega \in \Omega$ (Рис.2).

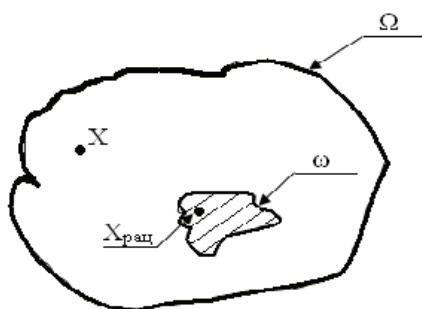


Рис. 2. Иллюстрация выбора рациональных значений параметров $X_{\text{рац}}$ при выборе решений целевой функции $G(X)$

Следует подчеркнуть, что при отыскании $X_{\text{рац}} \in \omega$ возможны два случая:

1. Множество вариантов $\omega \subset \Omega$ с параметрами $X_{\text{рац}}$ определены таким образом, что при любом $X_{\text{рац}} \in \omega$ целевая функция $G(X)$ обращается в нуль.
2. Множество $\omega \subset \Omega$ определено так, что для всех $X_{\text{рац}} \in \omega$ целевая функция $G(X) \neq 0$, поэтому необходимо обосновывать и разрабатывать критерии оценки получаемых решений при вычислении целевой функции $G(X)$.

Следует отметить, что решение задач оптимизации конкурентных преимуществ продукции по предлагаемой методике можно осуществлять на всех этапах жизненного цикла продукции, а также для предприятий при решении задач повышения эффективности организационной, производственной и управленческой деятельности. При этом на каждом этапе разрабатывается своя экономическая модель и соответствующая ей целевая функция $G(X)$, что позволяет, например, на этапе научно-исследовательских и опытно-конструкторских работ (НИОКР) сформулировать более высокий уровень требований в техническом задании (ТЗ) по характеристикам $g_i(X)$ и параметрам X , чем у предприятий-конкурентов и проверить возможность реализации такого ТЗ_{опт} или ТЗ_{рац} с использованием целевой функции $G(X)$. При равенстве или стремлении к нулю целевой функции $G(X)$ будет обеспечиваться ТЗ_{опт} или ТЗ_{рац}. Поскольку на этапе НИОКР осуществляется поиск, отработка и анализ инновационных проектно-конструкторских и технологических решений, то такой подход позволяет определить диапазон изменения параметров X и характеристик $g_i(X)$ продукции и товаров, обеспечивающим им высокое качество и потенциальную конкурентоспособность. Причем возможность программирования решения задач оптимизации конкурентных преимуществ продукции и предприятий обуславливает сокращение времени вывода продукции и товаров на рынок, снижение затрат и реализацию интегральной информационной среды и параллельного инжиниринга, и, следовательно, реализацию эффективного управления конкурентоспособностью продукции и в целом предприятия [3].

Отметим, что по нашему мнению повышение конкурентных преимуществ продукции и предприятий может быть достигнуто за счет роста производительности труда в организационной O , производственной $П$ и управленческой $У$ деятельности,



поскольку производительность труда является основной, важнейшей движущей силой в обеспечении низкой себестоимости C продукции, повышения прибыли Π и рентабельности P предприятия:

$$\begin{matrix} \text{П}_{\text{тр.}} \uparrow \rightarrow C \downarrow \rightarrow \Pi \uparrow \rightarrow P \uparrow \\ \text{о, п, у} \end{matrix} \quad (25)$$

Выводы

Таким образом, конкурентоспособной и имеющей конкурентное преимущество можно считать такую хозяйственную систему, у которой обоснована конкурентоспособность, обеспечены рентабельностью и ликвидностью баланса производственной системы на всех этапах жизненного цикла продукции.

В заключении отметим, что существенной особенностью предлагаемой методики определения конкурентоспособных параметров продукции и показателей предприятий является использование обычных, проверенных практикой способов вычисления характеристик в функции их параметров.

Литература

1. Ершов, Ю.Л. Математическая логика: Учебное пособие для студентов математических вузов. 4-е изд. Стер. [Текст] / Ю.Л. Ершов, Е.А. Палютин. – СПб. – М. – Краснодар: Лань, 2005. – 336 с.
2. Никитина, О.А. Оценка конкурентоспособности продукции предприятий с применением математической логики и нелинейного программирования [Текст] / О.А. Никитина, Г.И. Ткаченко. – Вестник БУПК, № 4 (24), 2007. – с. 216 – 221.
3. Никифоров, А.Д. Управление качеством: Пособие для вузов [Текст] / А.Д. Никифоров. – М.: ДРОФА, 2004. С. 119 – 124.

MATHEMATICAL PROGRAMMING OF SOLVING OPTIMIZATION BENEFITS OF COMPETITIVE PRODUCTS AND COMPANIES OF THE REGION

A. I. NIKITIN
O. A. NIKITINA
G. I. TKACHENKO

Belgorod State University

e-mail:
G Tkachenko@bsu.edu.ru

The paper deals with mathematical programming solutions of the optimization problem of competitiveness of products and businesses. The basis of mathematical modeling of the competitive advantage of the objective function G , which is the sum of objective functions G_i for the corresponding i -steps to optimize competitive advantages. This i -objective function G_i is the sum of residuals $\Delta_j(X)$, i.e. the difference between the calculated and required by the project values of the characteristics of competitive advantages. We give the author's approach to determining the coefficients of large-scale alignment of the discrepancies on the characteristics of competitive advantages.

Key words: competitiveness, competitive advantages of products and companies, the objective function, simple terms, disjunction, conjunction, the residual, the normalizing factor, the characteristics of competitiveness and competitive advantages of products and companies.